
目 录

2016 年成人高等学校招生全国统一考试.....	2
2017 年成人高等学校招生全国统一考试.....	5
2018 年成人高等学校招生全国统一考试.....	8
2019 年成人高等学校招生全国统一考试.....	11
2020 年成人高等学校招生全国统一考试.....	15
2021 年成人高等学校招生全国统一考试.....	19
2016 年成人高等学校招生全国统一考试——参考答案.....	23
2017 年成人高等学校招生全国统一考试——参考答案.....	25
2018 年成人高等学校招生全国统一考试——参考答案.....	27
2019 年成人高等学校招生全国统一考试——参考答案.....	29
2020 年成人高等学校招生全国统一考试——参考答案.....	32
2021 年成人高等学校招生全国统一考试——参考答案.....	34

2016 年成人高等学校招生全国统一考试

一、选择题：本大题共 17 小题，每小题 5 分，共 85 分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

1. 设集合 $A = \{0, 1\}$ ， $B = \{0, 1, 2\}$ ，则 $A \cap B =$ ()

- (A) $\{0, 1\}$ (B) $\{0, 2\}$ (C) $\{1, 2\}$ (D) $\{0, 1, 2\}$

2. 函数 $y = 2 \sin x \cos x$ 的最小正周期是 ()

- (A) $\frac{\pi}{2}$ (B) π (C) 2π (D) 4π

3. 等差数列 $\{a_n\}$ 中，若 $a_1 = 2$ ， $a_3 = 6$ ，则 $a_7 =$ ()

- (A) 14 (B) 12 (C) 10 (D) 8

4. 设甲： $x > 1$ ；乙： $e^x > 1$ ，则

- (A) 甲是乙的必要条件，但不是乙的充分条件
 (B) 甲是乙的充分条件，但不是乙的必要条件
 (C) 甲不是乙的充分条件，也不是乙的必要条件
 (D) 甲是乙的充分必要条件

5. 不等式 $|2x - 3| \leq 1$ 的解集为 ()

- (A) $\{x | 1 \leq x \leq 3\}$ (B) $\{x | x \leq -1 \text{ 或 } x \geq 2\}$
 (C) $\{x | 1 \leq x \leq 2\}$ (D) $\{x | 2 \leq x \leq 3\}$

6. 下列函数中，为偶函数的是 ()

- (A) $y = \log_2 x$ (B) $y = x^2 + x$ (C) $y = \frac{4}{x}$ (D) $y = x^2$

7. 点 $(2, 4)$ 关于直线 $y = x$ 的对称点的坐标为 ()

- (A) $(-2, 4)$ (B) $(-2, -4)$ (C) $(4, 2)$ (D) $(-4, -2)$

8. 将一颗骰子抛掷 1 次，得到的点数为偶数的概率为 ()

- (A) $\frac{2}{3}$ (B) $\frac{1}{2}$ (C) $\frac{1}{3}$ (D) $\frac{1}{6}$

9. 在 $\triangle ABC$ 中，若 $AB = 3$ ， $A = 45^\circ$ ， $C = 30^\circ$ ，则 $BC =$ ()

- (A) $3\sqrt{2}$ (B) $2\sqrt{3}$ (C) $\sqrt{3}$ (D) $\frac{\sqrt{2}}{2}$

10. 下列函数中，函数值恒为负值的是 ()

- (A) $y = x$ (B) $y = -x^2 + 1$ (C) $y = x^3$ (D) $y = -x^2 - 1$
11. 过点(0,1)且与直线 $x + y + 1 = 0$ 垂直的直线方程为 ()
- (A) $y = x$ (B) $y = 2x + 1$ (C) $y = x + 1$ (D) $y = x - 1$
12. 设双曲线 $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1$ 的渐近线的斜率为 k , 则 $|k| =$ ()
- (A) $\frac{9}{16}$ (B) $\frac{3}{4}$ (C) $\frac{4}{3}$ (D) $\frac{16}{9}$
13. $64^{\frac{2}{3}} + \log_{\frac{1}{9}} 81 =$ ()
- (A) 8 (B) 10 (C) 12 (D) 14
14. 若 $\tan \alpha = 3$, 则 $\tan(\alpha + \frac{\pi}{4}) =$ ()
- (A) 2 (B) $\frac{1}{2}$ (C) -2 (D) -4
15. 函数 $y = \ln(x-1)^2 + \frac{1}{x-1}$ 的定义域为 ()
- (A) $\{x | x < -1 \text{ 或 } x > 1\}$ (B) R
- (C) $\{x | -1 < x < 1\}$ (D) $\{x | x < 1 \text{ 或 } x > 1\}$
16. 某同学每次投篮投中的概率为 $\frac{2}{5}$, 该同学投篮2次, 只投中1次的概率为 ()
- (A) $\frac{6}{25}$ (B) $\frac{9}{25}$ (C) $\frac{12}{25}$ (D) $\frac{3}{5}$
17. 曲线 $y = x^3 - 4x + 2$ 在点(1,-1)处的切线方程为 ()
- (A) $x + y = 0$ (B) $x - y = 0$ (C) $x - y - 2 = 0$ (D) $x + y - 2 = 0$

二、填空题：本大题共4小题，每小题4分，共16分。

18. 若平面向量 $a = (x, 1)$, $b = (1, -2)$, 且 $a // b$, 则 $x =$ _____
19. 若二次函数 $f(x) = ax^2 + 2x$ 的最小值为 $-\frac{1}{3}$, 则 $a =$ _____
20. 某次测试中5位同学的成绩分别为79,81,85,75,80, 则他们成绩的平均数为_____
21. 函数 $y = 2^x - 2$ 的图像与坐标轴的交点共有_____个

三、解答题：本大题共4小题，共49分。解答应写文字说明，证明过程或演算步骤。

22. (本小题满分12分)

在 $\triangle ABC$ 中, $AB = 2$, $BC = 3$, $B = 60^\circ$, 求 AC 及 $\triangle ABC$ 的面积.

23. (本小题满分 12 分)

已知等比数列 $\{a_n\}$ 的各项都是正数, 且 $a_1 + a_3 = 10$, $a_2 + a_3 = 6$.

1. 求 $\{a_n\}$ 的通项公式;
2. 求 $\{a_n\}$ 的前 5 项和.

24. (本小题满分 12 分)

设函数 $f(x) = 2x^3 + 3mx^2 - 36x + m$, 且 $f'(-1) = -36$

1. 求 m ;
2. 求 $f(x)$ 的单调区间.

25. (本小题满分 13 分)

已知椭圆 $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($a > b > 0$), 斜率为 1 的直线 l 与 C 相交, 其中一个交点的坐标为 $(2, \sqrt{2})$, 且 C 的右焦点到 l 的距离为 1.

1. 求 a, b ;
2. 求 C 的离心率.

2017 年成人高等学校招生全国统一考试

一、选择题：本大题共 17 小题；每小题 5 分，共 85 分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

1、设集合 $M = \{2, 3, 4, 5\}$ ， $N = \{2, 4, 6\}$ ，则集合 $M \cap N =$ ()

- (A) $\{2, 4\}$ (B) $\{2, 4, 6\}$ (C) $\{1, 3, 5\}$ (D) $\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$

2、函数最小正 $y = 3\sin \frac{x}{4}$ 周期是 ()

- (A) 8π (B) 4π (C) 2π (D) $\frac{2\pi}{3}$

3、函数 $y = \sqrt{x(x-1)}$ 的定义域为 ()

- (A) $\{x|x \geq 0\}$ (B) $\{x|x \geq 1\}$
(C) $\{x|x \leq 0 \text{ 或 } x \geq 1\}$ (D) $\{x|0 \leq x \leq 1\}$

4、设若 a, b, c 且 $a > b$ ，则 ()

- (A) $a - c > b - c$ (B) $|a| > |b|$ (C) $a^2 > b^2$ (D) $ac > bc$

5、若 $\frac{\pi}{2} < \theta < \pi$ ， $\sin \theta = \frac{1}{3}$ ，则 $\cos \theta =$ ()

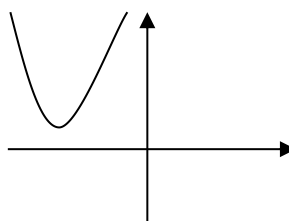
- (A) $\frac{2\sqrt{2}}{3}$ (B) $\frac{\sqrt{2}}{3}$ (C) $-\frac{\sqrt{2}}{3}$ (D) $-\frac{2\sqrt{2}}{3}$

6、函数 $y = 6\sin 2x \cos 2x$ 的最大值是 ()

- (A) 1 (B) 2
(C) 6 (D) 3

7、右图为函数的 $y = x^2 + bx + c$ 部分图像，则 ()

- (A) $b > 0, c > 0$ (B) $b > 0, c < 0$
(C) $b < 0, c > 0$ (D) $b < 0, c < 0$



8、两点坐标 $A(4,1), B(2,3)$ ，则线段 AB 的垂直平分线方程为 ()

- (A) $x - y + 1 = 0$ (B) $x - y - 1 = 0$ (C) $x + y - 5 = 0$ (D) $x - 2y + 1 = 0$

9、函数 $y = \frac{1}{x}$ 是 ()

- (A) 奇函数， $(0, +\infty)$ 为增函数 (B) 奇函数， $(-\infty, 0)$ 为减函数
(C) 偶函数， $(0, +\infty)$ 为减函数 (D) 偶函数， $(-\infty, 0)$ 为增函数

10、一个圆上有 5 个不同的点，以 5 个点中任意的 3 个为顶点的三角形共有 ()

- (A) 60 (B) 15 (C) 10 (D) 5

11、 $\lg 5 = m$ ， $\lg 2 =$ ()

- (A) $5m$ (B) $m+1$ (C) $2m$ (D) $1-m$

12、设 $f(x+1) = x(x+1)$ ，则 $f(2) =$ ()

- (A) 1 (B) 2 (C) 5 (D) 6

13、函数 $y = 2^x$ 图像与直线 $x+3=0$ 交点坐标为 ()

- (A) $(-3, -\frac{1}{6})$ (B) $(-3, \frac{1}{8})$ (C) $(-3, \frac{1}{6})$ (D) $(-3, -\frac{1}{8})$

14、双曲线 $\frac{y^2}{3} - x^2 = 1$ 的焦距是 ()

- (A) 1 (B) $\sqrt{2}$ (C) 2 (D) 4

15、已知三角形两个顶点是椭圆 $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ 的两焦点，第三个顶点在 C 上，则该三角形周长 ()

- (A) 10 (B) 16 (C) 28 (D) 26

16、已知等比数列 $\{a_n\}$ 中， $a_3 a_4 = 10$ ， $a_1 a_6 + a_2 a_5 =$ ()

- (A) 100 (B) 40 (C) 20 (D) 10

17、1 个女生和 3 个男生随机站一排，从前面数第 2 名是女生的概率是 ()

- (A) $\frac{1}{4}$ (B) $\frac{1}{3}$ (C) $\frac{1}{2}$ (D) $\frac{3}{4}$

二、填空题：本大题共 4 小题，每小题 4 分，共 16 分。把答案写在答题卡相应题号后。

18、已知平面向量 $\vec{a} = (1, 2)$ 与 $\vec{b} = (-2, 3)$ 垂直，则 $2a + 3b =$ _____。

19、已知直线 l 和 $x - y + 1 = 0$ 关于 $x = -2$ 对称，则直线 l 的斜率为_____。

20、5 条鱼的平均质量是 0.8kg，其中 3 条的质量分别是 0.75kg、0.83kg、0.78kg，其余 2 条平均质量是_____。

21、不等式 $|\alpha x + 1| < 2$ 的解为 $\{x | -\frac{3}{2} < x \leq \frac{1}{2}\}$ ，则 $\alpha =$ _____。

三、解答题：本大题共 4 小题，共 49 分。解答应写出推理、演算步骤，并将其写在答题卡相应题号后。

22、(本小题满分 12 分)

已知 $\{a_n\}$ 是等差数列， $a_2 + a_4 - 2a_1 = 8$ 。

(I) 求 d ；

(II) 若 $a_1 = 2$ ，求 $\{a_n\}$ 的前 8 项和 s_8 。

23、(本小题满分 12 分)

已知直线 $y = x + 1$ 是曲线 $y = x^3 + 3x^2 + 4x + \alpha$ 的切线。

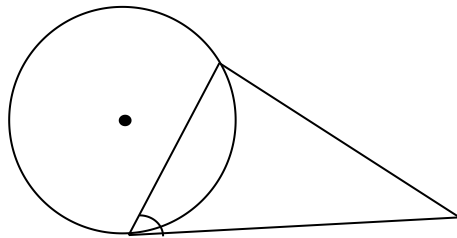
求切点坐标和 α 的值。

24、(本小题满分 12 分)

如图，直线 AB 与半径为 1 的圆相切于 A 点， $AB = 3$ ，弦 AC 与 AB 的夹角为 50° ，求：

(I) AC ；

(II) $\triangle ABC$ 面积。(精确到 0.01)



25、(本小题满分 13 分)

已知关于 x, y 方程 $x^2 + y^2 + 4x \sin \theta - 4y \cos \theta = 0$ 。

(I) 证明：无论 θ 为何值，方程均表示半径为定长的圆。

(II) 当 $\theta = \frac{\pi}{4}$ 时，判断该圆与直线 $y = x$ 位置关系。

2018 年成人高等学校招生全国统一考试

一、选择题：本大题共 17 小题；每小题 5 分，共 85 分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

- 已知集合 $A = \{2, 4, 8\}$, $B = \{2, 4, 6, 8\}$, 则集合 $A \cup B =$ ()
 (A) $\{6\}$ (B) $\{2, 4\}$ (C) $\{2, 4, 8\}$ (D) $\{2, 4, 6, 8\}$
- 不等式 $x^2 - 2x < 0$ 解集 ()
 (A) $0 < x < 2$ (B) $-2 < x < 0$ (C) $x < 0$ 或 $x > 2$ (D) $x < -2$ 或 $x > 0$
- 曲线 $y = \frac{2}{1-x}$ 对称中心为 ()
 (A) $(-1, 0)$ (B) $(1, 0)$ (C) $(2, 0)$ (D) $(0, 1)$
- 下列函数中, 在 $(0, +\infty)$ 为增函数的是 ()
 (A) $y = x^{-1}$ (B) $y = \sin x$ (C) $y = x^2$ (D) $y = 3^{-x}$
- 函数 $f(x) = \tan(2x + \frac{\pi}{3})$ 最小正周期为 ()
 (A) 4π (B) 2π (C) π (D) $\frac{\pi}{2}$
- 下列函数中, 偶函数为 ()
 (A) $y = 1 + x^{-3}$ (B) $y = 2^{-x}$ (C) $y = x^{-1} - 1$ (D) $y = \sqrt{x^2 + 1}$
- 函数 $y = \log_2(x+2)$ 的涂写向上平移 1 个单位后, 所得图像对应函数为 ()
 (A) $y = \log_2(x+1)$ (B) $y = \log_2(x+2)+1$
 (C) $y = \log_2(x+2)-1$ (D) $y = \log_2(x+3)$
- 等差数列 $\{a_n\}$, $a_1 = 1, d \neq 0, a_2, a_3, a_6$ 成等比数列, 则 $d =$ ()
 (A) -2 (B) -1 (C) 1 (D) 2
- 从 1, 2, 3, 4, 5 任取 2 个不同的数, 这 2 个数都是偶数的概率为 ()
 (A) $\frac{1}{10}$ (B) $\frac{1}{5}$ (C) $\frac{3}{10}$ (D) $\frac{3}{5}$
- 圆 $x^2 + y^2 + 2x - 6y - 6 = 0$ 的半径为 ()
 (A) $\sqrt{10}$ (B) $\sqrt{15}$ (C) 4 (D) 16
- 双曲线 $3x^2 - 4y^2 = 12$ 的焦距是 ()

(A) 2 (B) $2\sqrt{3}$ (C) 4 (D) $2\sqrt{7}$

12. 抛物线 $y^2 = 6x$ 焦点 F , 点 $A(0, -1)$, 则执行 AF 的斜率为 ()

(A) $\frac{3}{2}$ (B) $\frac{2}{3}$ (C) $-\frac{2}{3}$ (D) $-\frac{3}{2}$

13. 1 名女生和 3 名男生排一排, 则女生不在两端的不同排法共有 ()

(A) 24 种 (B) 16 种 (C) 12 种 (D) 8 种

14. 平面向量 $a = (1, t), b = (-1, 2)$, 若 $a + mb$ 平行于向量 $(-2, 1)$, 则 ()

(A) $2t - 3m + 1 = 0$ (B) $2t - 3m - 1 = 0$

(C) $2t + 3m + 1 = 0$ (D) $2t + 3m - 1 = 0$

15. 函数 $f(x) = 2\cos(3x - \frac{\pi}{3})$ 在 $[-\frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{3}]$ 最大值 ()

(A) 2 (B) $\sqrt{3}$ (C) 0 (D) -1

16. 函数 $y = x^2 - 2x - 3$ 图像与直线 $y = x + 1$ 交于 A, B , 则 $|AB| = ()$

(A) $2\sqrt{13}$ (B) $5\sqrt{2}$ (C) $\sqrt{34}$ (D) 4

17. 设甲: $y = f(x)$ 的图像有对称轴, 乙: $y = f(x)$ 是偶函数, 则 ()

(A) 甲是乙的充分条件, 但不是乙的必要条件

(B) 甲是乙的必要条件, 但不是乙的充分条件

(C) 甲是乙的充分条件, 也是乙的必要条件

(D) 甲既不是乙的充分条件, 也不是乙的必要条件

二、填空题: 本大题共 4 小题, 每小题 4 分, 共 16 分。把答案写在答题卡相应题号后。

18. 过点 $(1, -2)$ 且与直线 $3x + y - 1 = 0$ 垂直的直线方程为_____。

19. 掷一枚硬币时, 正面向上的概率为 $\frac{1}{2}$, 掷这枚硬币 4 次, 则恰有 2 次正面向上的概率是_____。

20. 已知 $\sin x = -\frac{3}{5}$, 且 x 为第四象限角, 则 $\sin 2x =$ _____。

21. 曲线 $y = x^2 - e^x + 1$ 在点 $(0, 0)$ 处的切线方程是_____。

三、解答题: 本大题共 4 小题, 共 49 分。解答应写出推理、演算步骤, 并将其写在答题卡相应题号后。

22. (本小题满分 12 分)

已知 $\{a_n\}$ 的前 n 项和 $S_n = \frac{2}{3}(4^n - 1)$ 。

(I) 求通项公式;

(II) 若 $a_R = 128$, 求 R 。

23. (本小题满分 12 分)

在 $\triangle ABC$ 中, $\angle A = 30^\circ$, $AB = 2$, $BC = \sqrt{3}$ 。

(1) 求 $\sin C$

(2) 求 AC 。

24. (本小题满分 12 分)

已知函数 $f(x) = x^3 + x^2 - 5x - 1$, 求:

(I) $f(x)$ 的单调区间;

(II) $f(x)$ 的零点个数。

25. (本小题满分 13 分)

已知椭圆 C 的长轴长为 4, 两焦点分别为 $F_1(-\sqrt{3}, 0)$, $F_2(\sqrt{3}, 0)$, 求:

(I) C 的方程。

(II) 若 P 为 C 上一点, $|PF_1| - |PF_2| = 2$, 求 $\cos \angle F_1PF_2$ 。

2019 年成人高等学校招生全国统一考试

一、选择题（本大题共 17 小题，每小题 5 分，共 85 分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的）

1. 设全集 $U = \{1, 2, 3, 4\}$ ，集合 $M = \{3, 4\}$ ，则 $C_U M = ()$

A. $\{2, 3\}$ B. $\{2, 4\}$ C. $\{1, 2\}$ D. $\{1, 4\}$

2. 函数 $y = \cos 4x$ 的最小正周期为 $()$

A. $\frac{\pi}{2}$ B. $\frac{\pi}{4}$ C. π D. 2π

3. 设甲： $b = 0$ ；

乙：函数 $y = kx + b$ 的图像经过坐标原点，则 $()$

- A. 甲是乙的充分条件但不是必要条件
B. 是乙的充要条件
C. 是乙的必要条件但不是充分条件
D. 既不是乙的充分条件也不是乙的必要条件

4. 已知 $\tan a = \frac{1}{2}$ ，则 $\tan(a + \frac{\pi}{4}) = ()$

A. -3 B. $-\frac{1}{3}$ C. 3 D. $\frac{1}{3}$

5. 数 $y = \sqrt{1 - x^2}$ 的定义域是 $()$

A. $\{x | x \geq -1\}$ B. $\{x | x \leq 1\}$
C. $\{x | -1 \leq x \leq 1\}$ D. $\{x | x \leq -1\}$

6. 设 $0 < x < 1$ ，则 $()$

A. $\log_2 x > 0$ B. $0 < 2^x < 1$ C. $\log \frac{1}{2} x < 0$ D. $1 < 2^x < 2$

7. 不等式 $\left|x + \frac{1}{2}\right| > \frac{1}{2}$ 的解集为 $()$

A. $\{x | x > 0 \text{ 或 } x < -1\}$ B. $\{x | -1 < x < 0\}$
C. $\{x | x > -1\}$ D. $\{x | x < 0\}$

8.甲、乙、丙、丁 4 人排成一行，其中甲、乙必须排在两端，则不同的排法共有 ()

- A. 4 种 B. 2 种 C. 8 种 D. 24 种

9.向量 $\mathbf{a} = (1,1)$, $\mathbf{b} = (1,-1)$, 则 $\frac{1}{2}\mathbf{a} - \frac{3}{2}\mathbf{b} =$ ()

- A. $(1,2)$ B. $(-1,2)$ C. $(1,-2)$ D. $(-1,-2)$

10. $\log_3 1 + 16^{\frac{1}{2}} + (-2)^0 =$ ()

- A. 2 B. 4 C. 3 D. 5

11.函数 $y = x^2 - 4x - 5$ 的图像与 x 轴交于 A, B 两点, 则 $|AB| =$ ()

- A. 3 B. 4 C. 6 D. 5

12.下列函数中, 为奇函数的是 ()

- A. $y = -\frac{2}{x}$ B. $y = -2x + 3$ C. $y = x^2 - 3$ D. $y = 3\cos x$

13.双曲线 $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$ 的焦点坐标是 ()

- A. $(0, -\sqrt{7}), (0, \sqrt{7})$ B. $(-\sqrt{7}, 0), (\sqrt{7}, 0)$
 C. $(0, -5), (0, 5)$ D. $(-5, 0), (5, 0)$

14.若直线 $mx + y - 1 = 0$ 与直线 $4x + 2y + 1 = 0$ 平行, 则 $m =$ ()

- A. -1 B. 0 C. 2 D. 1

15.在等比数列 $\{a_n\}$ 中, 若 $a_4 a_5 = 6$, 则 $a_2 a_3 a_6 a_7 =$ ()

- A. 12 B. 36 C. 24 D. 72

16.已知函数 $f(x)$ 的定义域为 \mathbb{R} , 且 $f(2x) = 4x + 1$, 则 $f(1) =$ ()

- A. 9 B. 5 C. 7 D. 3

17. 甲、乙各自独立地射击一次, 已知甲射中 10 环的概率为 0.9, 乙射中 10 环的概率为 0.5, 则甲、乙都射中 10 环的概率为 ()

- A. 0.2 B. 0.45 C. 0.25 D. 0.75

二、填空题：本大题共 4 小题，每小题 4 分，共 16 分。把答案写在答题卡相应题号后。

18.椭圆 $\frac{x^2}{4} + y^2 = 1$ 的离心率为_____.

19.函数 $f(x) = x^2 - 2x + 1$ 在 $x = 1$ 处的导数为_____.

20. 设函数 $f(x) = x + b$ ，且在 $f(2) = 3$ ，则 $f(3) =$ _____.

21. 从一批相同型号的钢管中抽取 5 根，测其内径，得到如下样本数据（单位：mm）：

110.8, 109.4, 111.2, 109.5, 109.1,

则该样本的方差为 _____ mm^2 .

三、解答题：本大题共 4 小题，共 49 分。解答应写出推理、演算步骤，并将其写在答题卡相应题号后。

22.（本小题满分 12 分）

已知 $\{a_n\}$ 为等差数列，且 $a_3 = a_5 + 1$.

(I) 求 $\{a_n\}$ 的公差 d ;

(II) 若 $a_1 = -2$ 求 $\{a_n\}$ 的前 20 项和 S_{20} .

23.（本小题满分 12 分）

在 $\triangle ABC$ 中，已知 $B = 75^\circ$ ， $\cos C = \frac{\sqrt{2}}{2}$

(I) 求 $\cos A$

(II) 求 $BC = 3$ ，求 AB .

24.（本小题满分 12 分）

在平面直角坐标系 xOy 中，已知 $\odot M$ 的方程为 $x^2 + y^2 - 2x + 2y - 6 = 0$ ， $\odot O$ 经过点 M ，

(I) 求 $\odot O$ 的方程

(II) 证明：直线 $x - y + 2 = 0$ 与 $\odot M$ ， $\odot O$ 都相切

25. (本小题满分 13 分)

已知函数 $f(x) = 2x^3 - 12x + 1$ ，求 $f(x)$ 的单调区间和极值.

2020 年成人高等学校招生全国统一考试

一、选择题（本大题共 17 小题，每小题 5 分，共 85 分，在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的）

1. 不等式 $|x-2| < 1$ 的解集是 ()

A. $\{x|-1 < x < 3\}$

B. $\{x|-2 < x < 1\}$

C. $\{x|-3 < x < 1\}$

D. $\{x|1 < x < 3\}$

2. 下列函数中，在 $(0, \frac{\pi}{2})$ 为减函数的是 ()

A. $y = \ln(3x+1)$

B. $y = x+1$

C. $y = 5\sin x$

D. $y = 4-2x$

3. 函数 $y = \log_2(x+1)$ 的定义域是 ()

A. $(2, +\infty)$

B. $(-2, +\infty)$

C. $(-\infty, -1)$

D. $(-1, +\infty)$

4. 直线 $x-y-3=0$ 与 $x-y+3=0$ 之间的距离为 ()

A. $2\sqrt{2}$

B. $6\sqrt{2}$

C. $3\sqrt{2}$

D. 6

5. 设集合 $M = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$, $N = \{x|x \leq 2\}$, 则 $M \cap N =$ ()

A. $\{-1, 0, 1\}$

B. $\{-2, -1, 0, 1, 2\}$

C. $\{x|0 < x \leq 2\}$

D. $\{x|-1 < x < 2\}$

6. 已知点 $A(1,0), B(-1,1)$, 若直线 $kx-y-1=0$ 与直线 AB 平行, 则 $k =$ ()

A. $-\frac{1}{2}$

B. $\frac{1}{2}$

C. -1

D. 1

7. 已知向量 $\overrightarrow{AB} = (1, t)$, $\overrightarrow{BC} = (-1, 1)$, $\overrightarrow{AC} = (0, 2)$, 则 $t =$ ()

A. -1

B. 2

C. -2

D. 1

8. 已知双曲线 $\frac{x^2}{m} - \frac{y^2}{4} = 1$ 的离心率为 3, 则 $m =$ ()

A.4 B.1 C. $\frac{1}{2}$ D.2

9.函数 $y = \sin(x+3) + \sin(x-3)$ 的最大值为 ()

A. $-2\sin 3$ B. $2\sin 3$ C. $-2\cos 3$ D. $2\cos 3$

10.已知 $a > b > 1$, 则 ()

A. $\log_2 a > \log_2 b$ B. $\log_2 \frac{1}{a} > \log_2 \frac{1}{b}$

C. $\frac{1}{\log_2 a} > \frac{1}{\log_2 b}$ D. $\log_{\frac{1}{2}} a > \log_{\frac{1}{2}} b$

11.已知 $\cos x = \frac{3}{5}$, 且 x 为第一象限角, 则 $\sin 2x =$ ()

A. $\frac{4}{5}$ B. $\frac{24}{25}$ C. $\frac{18}{25}$ D. $\frac{12}{25}$

12.曲线 $y = \sin(x+2)$ 的一条对称轴的方程是 ()

A. $x = \frac{\pi}{2}$ B. $x = \pi$ C. $x = \frac{\pi}{2} + 2$ D. $x = \frac{\pi}{2} - 2$

13.若 $p: x=1; q: x^2 - 1 = 0$, 则 ()

A. p 既不是 q 的充分条件也不是 q 的必要条件

B. p 是 q 的充要条件

C. p 是 q 的必要条件但不是充分条件

D. p 是 q 的充分条件但不是必要条件

14.已知点 $A(1,-3), B(0,-3), C(2,2)$ 则 $\triangle ABC$ 的面积为 ()

A. 2 B. 3 C. $\frac{3}{2}$ D. $\frac{5}{2}$

15.从红、黄、蓝、黑 4 个球中任取 3 个, 则这 3 个球中有黑球的不同取法共有 ()

A. 3 种 B. 4 种 C. 2 种 D. 6 种

16.下列函数中, 最小正周期为 π 的函数是 ()

A. $y = \sin x + \sin x^2$ B. $y = \sin 2x$ C. $y = \cos x$ D. $y = \sin \frac{x}{2} + 1$

17.下列函数中, 为偶函数的是 ()

A. $y = e^x + x$ B. $y = x^2$
C. $y = x^3 + 1$ D. $y = \ln(2x + 1)$

二、填空题 (本大题共 4 个小题, 每小题 4 分, 共 16 分)

18.函数 $f(x) = x^2 + bx + c$ 的图像经过点 $(-1,0), (3,0)$, 则 $f(x)$ 的最小值为_____

19.某同学每次投篮命中的概率都是 0.6, 各次是否投中相互独立, 则该同学投篮 3 次恰有 2 次投中的概率是

20. 已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 $\frac{3^n}{2}$, 则 $a_3 =$ _____

21. 已知曲线 $y = \ln x + a$ 在点 $(1, a)$ 处的切线过点 $(2, -1)$ 则 $a =$ _____

三、解答题（本大题共 4 个小题，共 49 分，解答应写出推理、验算的步骤）

22. （本小题满分 12 分）

在 $\triangle ABC$ 中, $A = 30^\circ$, $AB = \sqrt{3}$, $BC = 1$.

(I) 求 C ;

(II) 求 $\triangle ABC$ 的面积.

23. （本小题满分 12 分）

设函数 $f(x) = x^3 + x - 1$

(I) 求 $f(x)$ 的单调区间

(II) 求出一个区间 (a, b) , 使得 $f(x)$ 在区间 (a, b) 存在零点, 且 $b - a < 0.5$

24. （本小题满分 12 分）

已知 $\{a_n\}$ 是等差数列, 且 $a_2 = -2$, $a_4 = -1$

(I) 求 $\{a_n\}$ 的通项公式

(II) 求 $\{a_n\}$ 的前 n 项和 S_n .

25. (本小题满分 13 分)

已知椭圆 E 的中心在坐标原点 O , 焦点在 x 轴上, 长轴长为 8, 焦距为 $2\sqrt{7}$.

(I) 求 E 的标准方程

(II) 若以 O 为圆心的圆与 E 交于四点, 且这四点为一个正方形的四个顶点, 求该圆的半径

2021 年成人高等学校招生全国统一考试

一、选择题（本大题共 17 小题，每小题 5 分，共 85 分，在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的）

1. 若集合 $A = \{x | -1 \leq x < 5\}$, $B = \{x | -2 < x < 5\}$, 则 $A \cap B = (\quad)$

- A. $\{x | -2 \leq x < 2\}$ B. $\{x | -2 < x < 2\}$
 C. $\{x | -2 < x < 5\}$ D. $\{x | -1 \leq x < 5\}$

2. 已知 $\sin \alpha < 0$ 且 $\tan \alpha < 0$, 则 α 是 ()

- A. 第一象限角 B. 第二象限角
 C. 第三象限角 D. 第四象限角

3. 下列函数中，既是偶函数又是周期函数的为 ()

- A. $y = \sin 2x$ B. $y = x^2$
 C. $y = \tan x$ D. $y = \cos 3x$

4. $\left(\frac{1}{3}\right)^{-3} + \log_2 \frac{1}{8} + \left(\frac{3}{4}\right)^0 = (\quad)$

- A. 31 B. 25
 C. 24 D. 13

5. 函数 $y = 5 \cos^2 x - 3 \sin^2 x$ 的最小正周期为 ()

- A. 4π B. 2π
 C. π D. $\frac{\pi}{2}$

6. 设甲：函数 $y = \frac{k}{x}$ 的图像经过点 $(1, 3)$ ；乙： $k = 3$ ，则 ()

- A. 甲是乙的必要条件但不是充分条件 B. 甲是乙的充分条件但不是必要条件
 C. 甲是乙的充要条件 D. 甲既不是乙的充分条件也不是乙的必要条件

7. 下列函数中，在 $(0, +\infty)$ 为增函数的是 ()

- A. $y = x^2 + x$ B. $y = \log_{\frac{1}{2}} x$
 C. $y = \left(\frac{1}{4}\right)^x$ D. $y = \cos x$

C. $4\sqrt{2}$

D. 8

16.若向量 $a = (3,4)$ ，则与 a 方向相同的单位向量为 ()

A. $(0,1)$

B. $(1,0)$

C. $(\frac{3}{5}, \frac{4}{5})$

D. $(\frac{4}{5}, \frac{3}{5})$

17.已知函数 $f(x) = ax^3$ 。若 $f'(3) = 9$ ，则 $a =$ ()

A. $\frac{1}{9}$

B. $\frac{1}{3}$

C. 1

D. 3

二、填空题 (本大题共 4 个小题，每小题 4 分，共 16 分)

18.函数 $y = \frac{\sqrt{1+x}}{x}$ 的定义域为_____.

19.已知函数 $f(x) = 2x + 1$ ，则 $f(2x) =$ _____.

20.圆 $x^2 + y^2 = 5$ 在点 $(1,2)$ 处切线的方程为_____.

21.若 28,37, x , 30 四个数的平均数为 35，则 $x =$ _____.

三、解答题 (本大题共 4 个小题，共 49 分，解答应写出推理、验算的步骤)

22. (本小题满分 12 分)

已知 A, B 为 $\odot O$ 上的两点，且 $AB = 3\sqrt{3}$, $\angle ABO = 30^\circ$ 。求 $\odot O$ 的半径。

23. (本小题满分 12 分)

已知 $\{a_n\}$ 是公差不为 0 的等差数列，且 a_2, a_6, a_{12} 成等比数列, $a_2 + a_6 + a_{12} = 76$ 。求 $\{a_n\}$ 的通项公式。

24. (本小题满分 12 分)

已知函数 $f(x) = 2x^3 - 3x^2 + 2$.

(I) 求 $f'(x)$

(II) 求 $f(x)$ 在区间 $[-2, 2]$ 的最大值与最小值。

25. (本小题满分 13 分)

已知椭圆 $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$, $M(0, 1)$ 和 $N\left(\sqrt{3}, \frac{1}{2}\right)$ 为 C 上两点。

(I) 求 C 的标准方程;

(II) 求 C 的左焦点到直线 MN 的距离。

2016 年成人高等学校招生全国统一考试——参考答案

一、选择题

1. A 2. B 3. A 4. B 5. C 6. D 7. C 8. B 9. A
 10. D 11. C 12. B 13. D 14. C 15. D 16. C 17. A

二、填空题

18. $-\frac{1}{2}$ 19. 3 20. 80 21. 2

三、解答题

22. (本小题满分 12 分)

解: (2) 由余弦定理得,

$$\begin{aligned} AC &= \sqrt{BC^2 + AB^2 - 2BC \cdot AB \cdot \cos B} \\ &= \sqrt{7} \end{aligned}$$

(2) $\triangle ABC$ 的面积为

$$S = \frac{1}{2} \cdot AB \cdot BC \cdot \sin B = \frac{3\sqrt{3}}{2}$$

23. (本小题满分 12 分)

解: (I) 设 $\{a_n\}$ 的公比为 q , 由已知得

$$a_1(1+q^2) = 10,$$

$$a_1(q+q^2) = 6$$

$$\text{解得 } \begin{cases} a_1 = 1 \\ q = -3 \end{cases} \text{ (舍去), } \begin{cases} a_1 = 8 \\ q = \frac{1}{2} \end{cases}$$

因此 $\{a_n\}$ 的通项公式为 $a_n = 8 \times \left(\frac{1}{2}\right)^{n-1}$

$$\text{(II) } \{a_n\} \text{ 的前 5 项和为 } S_5 = \frac{8(1-\frac{1}{2^5})}{1-\frac{1}{2}} = \frac{31}{2}$$

24. (本小题满分 12 分)

解: (I) 由已知得

$$f'(x) = 6x^2 + 6mx - 36,$$

又由 $f'(-1) = -36$ 得 $m = 1$

(II) 由 (I) 得 $f'(x) = 6x^2 + 6x - 36$

令 $f'(x) = 0$ ，解得 $x = -3$ 或 $x = 2$ ，

当 $x < -3$ 时， $f'(x) > 0$

当 $-3 < x < 2$ 时， $f'(x) < 0$

当 $x > 2$ 时， $f'(x) > 0$

所以 $f(x)$ 的单调减区间为 $(-3, 2)$ ， $f(x)$ 的单调增区间为 $(-\infty, -3)$ ， $(2, +\infty)$

25. (本小题满分 13 分)

解：(I) 由已知，直线 l 的方程为 $x - y - 2 + \sqrt{2} = 0$

设 C 的右焦点为 $(c, 0)$ ，其中 $c > 0$ 。

由已知得

$$\frac{|c - 2 + \sqrt{2}|}{\sqrt{2}} = 1,$$

解得 $c = 2 - 2\sqrt{2}$ (舍去)， $c = 2$

所以

$$a^2 = b^2 + 4$$

因为点 $(2, \sqrt{2})$ 在椭圆上，所以

$$\frac{4}{b^2 + 4} + \frac{2}{b^2} = 1$$

解得 $b = -2$ (舍去)， $b = 2$

所以 $a = 2\sqrt{2}$

所以离心率 $e = \frac{c}{a} = \frac{\sqrt{2}}{2}$

2017 年成人高等学校招生全国统一考试——参考答案

一、选择题

1. A 2. 3. C 4. A 5. D 6. D 7. A 8. B 9. B
 10. C 11. D 12. B 13. B 14. D 15. B 16. C 17. A

二、填空题

18. (-4, 13) 19. -1 20. 0.82 21. 2

三、解答题

(22) (本小题满分 12 分)

解: 因为 $\{a_n\}$ 为等差数列, 所以

$$(I) a_2 + a_4 - 2a_1 = a_1 + d + a_1 + 3d - 2a_1 = 4d = 8, \quad d = 2$$

$$(II) S_8 = na_1 + \frac{n(n-1)}{2}d = 2 \cdot 8 + \frac{8 \cdot (8-1)}{2} \cdot 2 = 72$$

(23) (本小题满分 12 分)

解: 因为直线 $y = x + 1$ 是曲线的切线, 所以 $y' = 3x^2 + 6x + 4 = 1$

解得 $x = -1, y = 0$, 即切点坐标为 $(-1, 0)$ 。

$$\text{故 } (-1)^3 + 3 \cdot (-1)^2 + 4 \cdot (-1) + \alpha = 0,$$

解得 $\alpha = 2$ 。

(24) (本小题满分 12 分)

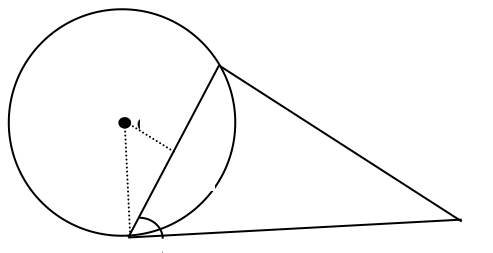
解: (I) 连接 OA , 作 $OD \perp AC$ 于 D 。

因为 AB 与圆相切于 A 点, 所以 $\angle OAB = 90^\circ$

则 $\angle OAC = 90^\circ - 50^\circ = 40^\circ$ 。

$$AC = 2AD = 2OA \cdot \cos \angle OAC = 2 \cos 40^\circ \approx 1.54。$$

$$(II) S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot AC \sin \angle BAC = \frac{1}{2} \times 3 \times 2 \cos 40^\circ \times \sin 50^\circ = 3 \cos^2 40^\circ \approx 1.78。$$



(25) (本小题满分 13 分)

(I) 证明: 化简原方程得:

$$x^2 + 4x \sin \theta + 4 \sin^2 \theta + y^2 - 4y \cos \theta + 4 \cos^2 \theta - 4 \sin^2 \theta - 4 \cos^2 \theta = 0$$

$$(x + 2 \sin \theta)^2 + (y - 2 \cos \theta)^2 = 4$$

所以, 无论 θ 为何值, 方程均表示半径为 2 的圆。

(II) 解: 当 $\theta = \frac{\pi}{4}$ 时, 该圆的圆心坐标为 $O(-\sqrt{2}, \sqrt{2})$,

圆心 O 到直线 $y = x$ 的距离 $d = \frac{|-\sqrt{2} - \sqrt{2}|}{\sqrt{2}} = 2 = r$ 。

即当 $\theta = \frac{\pi}{4}$ 时, 圆与直线 $y = x$ 相切。

2018 年成人高等学校招生全国统一考试——参考答案

一、选择题

1. C 2. A 3. B 4. C 5. D 6. D 7. B 8. A 9. A 10. C

11. D 12. B 13. C 14. C 15. A 16. B 17. B

二、填空题

18. $x-3y-7=0$ 19. $\frac{3}{8}$ 20. $-\frac{24}{25}$ 21. $x+y=0$

三、解答题

22. (本小题满分 12 分)

解: (1) $s_{n-1} = \frac{2}{3}(4^{n-1} - 1)$

$$\text{则 } a_n = s_n - s_{n-1} = \frac{2}{3}(4^n - 1) - \frac{2}{3}(4^{n-1} - 1) = 2^{2n-1}$$

$$(2) a_R = 2^{2R-1} = 128 = 2^7$$

$$\text{所以 } 2R - 1 = 7, R = 4$$

23. (本小题满分 12 分)

解: (1) 因为 $\frac{\sin C}{AB} = \frac{\sin A}{BC}$

$$\text{所以 } \sin C = \frac{\sin A}{BC} * AB = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

(2) 由题意知: $C < 90^\circ$

$$\text{故 } \cos C = \sqrt{1 - \sin^2 C} = \sqrt{1 - \left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right)^2} = \frac{\sqrt{6}}{3}$$

$$\sin B = \sin[180^\circ - (A + C)] = \sin(A + C) = \sin A \cos C + \cos A \sin C = \frac{3 + \sqrt{6}}{6}$$

$$\text{所以 } AC = \frac{BC}{\sin A} * \sin B = \sqrt{3} + \sqrt{2}$$

24. (本小题满分 12 分)

解: (1) $f'(x) = 3x^2 + 2x - 5$, 令 $f'(x) = 0$ 得: $x_1 = 1, x_2 = -\frac{5}{3}$

当 $x > 1$ 或 $x < -\frac{5}{3}$ 时, $f'(x) > 0$;

当 $-\frac{5}{3} < x < 1$ 时, $f'(x) < 0$

故 $f(x)$ 的单调增区间为 $(-\infty, -\frac{5}{3})$ 和 $(1, +\infty)$ ，单调减区间为 $(-\frac{5}{3}, 1)$

(2) $f(-\frac{5}{3}) > 0, f(1) < 0$ ，所以 $f(x)$ 有 3 个零点。

25. (本小题满分 13 分)

(1) 由题意得 $a = 2, c = \sqrt{3}$

所以 $b = \sqrt{a^2 - c^2} = 1$ ，所以椭圆的标准方程为 $\frac{x^2}{4} + y^2 = 1$

(2) 由 $\begin{cases} |PF_1| + |PF_2| = 2a = 4 \\ |PF_1| + |PF_2| = 2 \end{cases}$ 得 $|PF_1| = 3, |PF_2| = 1$

由余弦定理可得：
$$\cos \angle F_1 P F_2 = \frac{|PF_1|^2 + |PF_2|^2 - |F_1 F_2|^2}{2|PF_1| |PF_2|} = \frac{3^2 + 1^2 - (2\sqrt{3})^2}{2 * 3 * 1} = -\frac{1}{3}$$

2019 年成人高等学校招生全国统一考试——参考答案

一、选择题

1. C 2. A 3. B 4. C 5. C 6. D 7. A 8. A 9. B
10. D 11. C 12. A 13. D 14. C 15. B 16. D 17. B

二、填空题

18. $\frac{\sqrt{3}}{2}$ 19. 0 20. 4 21. 0.7

三、解答题

22. (本小题满分 12 分)

(I) 设公差为 d , 易知 $a_5 = a_3 + 2d$,

故 $a_5 = a_3 + 2d = a_3 - 1$

因此有 $d = -\frac{1}{2}$

(II) 由前 n 项和公式可得

$$\begin{aligned} S_{20} &= 20a_1 + \frac{20 \cdot (20-1)}{2} \times d \\ &= 20 \cdot 2 + \frac{20 \cdot (20-1)}{2} \times \left(-\frac{1}{2}\right) \\ &= -55 \end{aligned}$$

23. (本小题满分 12 分)

(I) 由 $\cos C = \frac{\sqrt{2}}{2}$ 得 $C = 45^\circ$

$$\begin{aligned} \text{故 } A &= 180^\circ - 75^\circ - 45^\circ \\ &= 60^\circ \end{aligned}$$

因此 $\cos A = \cos 60^\circ$

$$= \frac{1}{2}$$

(II) 由正弦定理 $\frac{BC}{\sin A} = \frac{AB}{\sin C}$

$$\text{故 } AB = \frac{BC \sin C}{\sin A}$$

$$\begin{aligned} &= \frac{3 * \frac{\sqrt{2}}{2}}{\frac{\sqrt{3}}{2}} \\ &= \sqrt{6} \end{aligned}$$

24. (本小题满分 12 分)

(I) $\odot M$ 可化为标准方程 $(x-1)^2 + (y+1)^2 = (2\sqrt{2})^2$

其圆心 M 点的坐标为 $(1, -1)$, 半径为 $r_1 = 2\sqrt{2}$

$\odot O$ 的圆心为坐标原点,

可设其标准方程为 $x^2 + y^2 = r_2^2$

$\odot O$ 过 M 点, 故有 $r_2 = \sqrt{2}$

因此 $\odot O$ 的标准方程为 $x^2 + y^2 = 2$

(II) 点 M 到直线的距离 $d_1 = \frac{|1+1+2|}{\sqrt{2}} = 2\sqrt{2}$

点 O 到直线的距离 $d_2 = \frac{|0+0+2|}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$

故 $\odot M$ 和 $\odot O$ 圆心到直线 $x - y + 2 = 0$ 的距离均等于其半径,

即直线 $x - y + 2 = 0$ 与 $\odot M$ 和 $\odot O$ 都相切.

25. (本小题满分 13 分)

$f'(x) = 6x^2 - 12$ 令 $f'(x) = 0$,

可得 $x_1 = \sqrt{2}$, $x_2 = -\sqrt{2}$

当 $x < -\sqrt{2}$ 或 $x > \sqrt{2}$ 时, $f'(x) > 0$

当 $-\sqrt{2} < x < \sqrt{2}$ 时, $f'(x) < 0$

故 $f(x)$ 的单调增区间是 $(-\infty, -\sqrt{2}]$, $(\sqrt{2}, \infty)$,

单调减区间是 $(-\sqrt{2}, \sqrt{2}]$.

当 $x = -\sqrt{2}$ 时, 函数取得极大值 $f(-\sqrt{2}) = 8\sqrt{2} + 1$;

当 $x = \sqrt{2}$ 时，函数取得极小值 $f(\sqrt{2}) = -8\sqrt{2} + 1$.

2020 年成人高等学校招生全国统一考试——参考答案

一、选择题

1. D 2. D 3. D 4. C 5. B 6. A 7. D 8. C 9. D
10. A 11. B 12. D 13. D 14. D 15. A 16. B 17. B

二、填空题

18. -4 19. 0.432 20. 9 21. -2

三、解答题

22. (I) 由正弦定理得 $\frac{BC}{\sin A} = \frac{AB}{\sin C}$,

$$\text{即 } \frac{1}{\frac{1}{2}} = \frac{\sqrt{3}}{\sin C}, \text{ 解的 } \sin C = \frac{\sqrt{3}}{2},$$

故 $C = 60^\circ$ 或 120°

(II) 由余弦定理得 $\cos A = \frac{AB^2 + AC^2 - BC^2}{2AB \cdot AC} = \frac{3 + AC^2 - 1}{2\sqrt{3}AC} = \frac{\sqrt{3}}{2}$,

解得 $AC = 1$ 或 $AC = 2$.

当 $AC = 1$ 时, $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot AC \cdot \sin A$

$$= \frac{1}{2} \times \sqrt{3} \times 1 \times \frac{1}{2} = \frac{\sqrt{3}}{4}$$

当 $AC = 2$ 时, $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot AC \cdot \sin A$

$$= \frac{1}{2} \times \sqrt{3} \times 2 \times \frac{1}{2} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

23. (I) $f'(x) = 3x^2 + 1 > 0$

故函数在 \mathbf{R} 上单调递增, 故其单调区间为 \mathbf{R} .

(II) 令 $a = \frac{1}{2}$, $b = \frac{3}{4}$, 则有

$$f\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{8} + \frac{1}{2} - 1 < 0, \quad f\left(\frac{3}{4}\right) = \frac{27}{64} + \frac{3}{4} - 1 > 0,$$

又由于函数在 \mathbf{R} 上单调递增, 故其在 $\left(\frac{1}{2}, \frac{3}{4}\right)$ 内存在零点,

且 $b-a = \frac{3}{4} - \frac{1}{2} = \frac{1}{4} < 0.5$ (答案不唯一)

24. (I) 由题可知

$$a_4 = a_2 + 2d = -2 + 2d = -1,$$

可得 $d = \frac{1}{2}$.

故 $a_n = a_2 + (n-2)d$

$$= -2 + (n-2) \times \frac{1}{2}$$

$$= \frac{n}{2} - 3$$

(II) 由 (I) 可知 $a_1 = \frac{1}{2} \times 1 - 3 = -\frac{5}{2}$,

故 $S_n = \frac{n(a_1 + a_n)}{2}$

$$= \frac{n(-\frac{5}{2} + \frac{n}{2} - 3)}{2}$$

$$= \frac{1}{4}n(n-11)$$

25. (I) 由题知 $2a=8, 2c=2\sqrt{7}$,

故 $a=4, c=\sqrt{7}, b=\sqrt{a^2-c^2}=\sqrt{16-7}=3$,

因此椭圆方程为 $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} = 1$.

(II) 设圆的方程为 $x^2 + y^2 = R^2$,

因为圆与椭圆的四个交点为一正方形的顶点, 设其在第一象限的交点为 A,

则有 $OA=R$, A 点到 x 轴与 y 轴的距离相等,

可求得 A 点的坐标为 $(\frac{\sqrt{2}}{2}R, \frac{\sqrt{2}}{2}R)$

而 A 点也在椭圆上, 故有 $\frac{R^2}{16} + \frac{R^2}{9} = 1$

解得 $R = \frac{12\sqrt{2}}{5}$.

2021 年成人高等学校招生全国统一考试——参考答案

一、选择题

1.A 2.D 3.D 4.B 5.C 6.C 7.A 8.D 9.B 10.A 11.B 12.D 13.C 14.C 15.B 16.C 17.B

二、填空题

18. $\{x|x \geq -1 \text{ 且 } x \neq 0\}$ 19. $4x+1$ 20. $x+2y-5=0$ 21. 45

三、解答题

22. 设 $\odot O$ 的半径为 r , 则 $OA = OB = r$.

在 $\triangle AOB$ 中, $\angle OAB = \angle ABO = 30^\circ$, 所以 $\angle AOB = 120^\circ$.

由余弦定理得 $r^2 + r^2 - 2r^2 \cos 120^\circ = (3\sqrt{3})^2$, 解得 $r = 3$

23. 设 $\{a_n\}$ 的公差为 d , 则 $d \neq 0$, 且

$$a_2 = a_1 + d, a_6 = a_1 + 5d, a_{12} = a_1 + 11d,$$

$$\text{由题意得 } \begin{cases} (a_1 + d) + (a_1 + 5d) + (a_1 + 11d) = 76, \\ (a_1 + 5d)^2 = (a_1 + d)(a_1 + 11d), \end{cases} \text{解得 } \begin{cases} a_1 = 14, \\ d = 2. \end{cases}$$

所以 $\{a_n\}$ 的通项公式为 $a_n = 14 + 2(n-1) = 2n + 12$.

24. (I) $f'(x) = 6x^2 - 6x$.

(II) 令 $f'(x) = 0$, 解得 $x = 0$ 或 $x = 1$.

因为 $f'(-2) = -26, f'(0) = 2, f'(2) = 6$,

所以 $f(x)$ 在区间 $[-2, 2]$ 的最大值为 6, 最小值为 -26.

25. (I) 将点 M 和 N 的坐标代入 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ 得

$$\begin{cases} \frac{1}{b^2} = 1 \\ \frac{3}{a^2} + \frac{1}{4b^2} = 1 \end{cases}, \text{解得 } \begin{cases} a^2 = 4, \\ b^2 = 1, \end{cases}$$

因此 C 的标准方程为 $\frac{x^2}{4} + y^2 = 1$.

(II) C 的焦点为 $(-\sqrt{3}, 0)$,

直线 MN 的方程为 $\sqrt{3}x - 2y - 2 = 0$,

所以 C 的左焦点到直线 MN 的距离

$$d = \frac{|\sqrt{3} \times (-\sqrt{3}) - 2|}{\sqrt{7}} = \frac{5\sqrt{7}}{7}.$$